

12 a 14 de novembro de 2019 Salinas – Minas Gerais – Brasil



# BREVE HISTÓRICO DO CÁLCULO

1 João Paulo Antunes Carvalho; 2 Ítalo Andrew Rodrigues Santos; 3 Gabriel Márcio Gonçalves; 4 Raniery Guilherme José Vicente

1 Discente. Licenciatura em Matemática. Instituto Federal do Norte de Minas Gerais; 2 Discente. Licenciatura em Matemática. Instituto Federal do Norte de Minas Gerais; 3 Discente. Licenciatura em Matemática. Instituto Federal do Norte de Minas Gerais; 4 Docente. Licenciatura em Matemática. Instituto Federal do Norte de Minas Gerais.

#### Resumo

O século XVII foi um período produtivo no desenvolvimento da matemática, pesquisas em diversas áreas se abriram, tendo o maior destaque a invenção do Cálculo Diferencial e Integral. Vários matemáticos contribuíram para a sua construção, no entanto os protagonistas na sua criação foram os matemáticos Issac Newton e Gottfried Wilhelm Leibniz. Alguns matemáticos já utilizavam conceitos de Cálculo Diferencial e Integral para resolver problemas, no entanto de maneira imprecisa e não rigorosa. Cavalieri, Isaac Barrow, Pierre de Fermat, Johann Kepler, James Gregory são alguns nomes. Contudo a sua estruturação e aperfeiçoamento só veio tempos mais tarde com Newton e Leibniz que deram origem aos fundamentos mais importantes do conteúdo. Este trabalho apresenta parte de uma pesquisa bibliográfica em desenvolvimento o IFNMG — Campus Januária, que tem por objetivo identificar as diversas aplicações do cálculo diferencial e integral. Para desenvolvimento dessa pesquisa buscou-se construir um breve histórico do cálculo, relacionando suas origens nas ideias de Issac Newton e Gottfried Wilhelm Leibniz, e seu desenvolvimento através das contribuições de matemáticos como francês Augustin-Louis Cauchy, o alemão Karl Weierstrass, e outros.

Palavras-chave: Cálculo; Histórico; História do Cálculo:

## Introdução

O século XVII foi um período produtivo no desenvolvimento da matemática, pesquisas em diversas áreas se abriram, tendo o maior destaque a invenção do Cálculo Diferencial e Integral. Alguns matemáticos já utilizavam conceitos de Cálculo Diferencial e Integral para resolver problemas, no entanto de maneira imprecisa e não rigorosa. Cavalieri, Isaac Barrow, Pierre de Fermat, Johann Kepler, James Gregory são alguns nomes. Contudo a sua estruturação e aperfeiçoamento só veio tempos mais tarde em trabalhos independentes de Issac Newton e Gottfried Wilhelm Leibniz, que deram origem aos fundamentos mais importantes do conteúdo.

Essa pesquisa surge através da inquietação dos autores com o não aprofundamento e contextualização da história do cálculo nos seus cursos de graduação. Por meio desse estudo buscou-se absorver conhecimentos acerca do surgimento e desenvolvimento do cálculo diferencial e integral, abordando os aspectos históricos dos seus principais precursores Newton e Leibniz.

Essa pesquisa se mostra relevante por contribuir diretamente na formação dos autores e demais envolvidos, o que posteriormente poderá resultar na mudança das suas



12 a 14 de novembro de 2019 Salinas – Minas Gerais – Brasil



práticas profissionais, pois o cálculo está diretamente relacionado com diversos conteúdos matemáticos, e compreender a sua história e desenvolvimento pode possibilitar uma melhor assimilação dos conteúdos que são estudados através dele.

A pesquisa aqui discutida tem por objetivo analisar o surgimento e o desenvolvimento inicial do cálculo diferencial e integral, bem como suas causas e efeitos nos seus inventores e percursores, através de pesquisas bibliográficas.

## Material e métodos/Metodologia

Para desenvolvimento dessa deste trabalho, realizou-se uma pesquisa bibliográfica em teses, dissertações, anais de eventos científicos, livros e outros, disponíveis em diversos meios (Biblioteca, Scielo, Google Acadêmico, e outros), a fim de identificar nos materiais, os principais contribuintes e suas contribuições na construção do cálculo. Essa metodologia de pesquisa se baseia em registrar e organizar os dados bibliográficos referentes aos documentos analisados que foram citados anteriormente, e empregando esses dados na pesquisa científica (GIL, 2016). Neste sentido realizou-se o estudo dos principais contribuintes na história do cálculo relacionando cronologicamente suas descobertas e contribuições.

#### Resultados e discussão

A primeira exposição do cálculo diferencial e integral que se tem relato foi publicada por Leibniz em 1684 Através da sua obra intitulada de "Nova methodus pro maximus et minimus, item que tagentibus, qua nec irrationales quantitates moratur", (Um novo método para máximos e mínimos também para tangentes, que não é obstruído por quantidades irracionais), onde Leibniz deixou suas principais contribuições nas regras de derivação para produtos, quocientes e potências.

O matemático inglês Isaac Newton (1642-1727) desenvolveu métodos analíticos unindo técnicas já conhecidas, que permitiu solucionar problemas de diversos tipos, como encontrar áreas, tangentes e comprimentos de curvas, assim como máximos e mínimos (EVES, 2011)

Já Leibniz (1646-1716), teve a tarefa de elaborar a notação do Cálculo, elementos indispensáveis na teoria, como também alguns conceitos como por exemplo: regra da derivada do produto, derivada do quociente e o símbolo da integral, bem como a sua nomenclatura Cálculo Diferencial e Cálculo Integral, ambas utilizadas atualmente (FULINI, 2017).

Ambos trabalharam de maneira independente e com enfoques diferentes, entretanto deram um grande passo no desenvolvimento do Cálculo Diferencial e Integral. "Para Newton o Cálculo o ajudaria a resolver fenômenos físicos, já Leibniz queria desenvolver uma simbologia matemática universal. Por isso é creditado aos dois o título de 'Inventores' do Cálculo." (SILVA, 2016, p.19)

Em muitas controversas na história, sobre quem tinha inventado primeiro o Cálculo Diferencial e Integral, Stewart (2013 p. 143), afirma que:



12 a 14 de novembro de 2019 Salinas – Minas Gerais – Brasil



Leibniz procurou desenvolver uma lógica simbólica e um sistema de notação que simplificassem o raciocínio lógico. Em particular, a versão do cálculo publicada por ele em 1684 estabeleceu a notação e as regras para encontrar as derivadas usadas até hoje. Infelizmente, uma disputa muito acirrada de prioridades surgiu em 1690 entre os seguidores de Newton e os de Leibniz sobre quem teria inventado primeiro o cálculo. Leibniz foi até mesmo acusado de plágio pelos membros da Royal Society na Inglaterra. A verdade é que cada um inventou independentemente o cálculo. Newton chegou primeiro à sua versão do cálculo, mas, por temer controvérsias, não a publicou imediatamente. Assim, a publicação do cálculo de Leibniz em 1684 foi a primeira a aparecer.

Um fato interessante da construção do Cálculo Diferencial e Integral é que no seu desenvolvimento segue a ordem inversa daquela que se encontra em livros e cursos apresentados atualmente, ou seja, os estudos sobre Cálculo Diferencial e Cálculo Integral seguiram de maneira independes, primeiro se desenvolveu o Cálculo Integral, com início em processo de somatórios, unidos a resolução de problemas envolvendo áreas, volumes e comprimento. Posteriormente o desenvolvimento do Cálculo Diferencial originou de problemas que envolvesse retas tangentes e assuntos sobre máximo e mínimos.

O matemático francês Augustin-Louis Cauchy deu definição mais precisa do Cálculo Diferencial e Integral a partir de limite, posteriormente se tornado como parte da definição do conteúdo e seu sentido são utilizadas até hoje. "Cauchy definiu a derivada de

em relação a x como o limite, quando  $\Delta x \to 0$ , da razão  $\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(x + \Delta x)}{\Delta x}$ " (EVES, 2011, p. 531).

Conforme (D'OTTAVIANO, 2012 p. 52), o matemático alemão Weierstrass (1815-1897) deu continuidade nos trabalhos de Cauchy a partir de limite, utilizando o  $\varepsilon$  e  $\delta$  (épsilons e deltas), "limite de uma função real de variável real, quando x tende a um número real a, o que denotamos por [...]. Em símbolos:  $\lim_{x\to a} f(x) = b \Leftrightarrow (\forall \varepsilon > 0)(\exists \delta < 0)((\forall x)(0 < |x-a| < \delta \to |f(x)-b| < \varepsilon))$ " tornando o Cálculo Diferencial e Integral matematicamente rigoroso.

Além disso o matemático Isaac Barrow notou que o Cálculo Diferencial e o Cálculo Integral estão relacionado entre si e são processos inversos, posteriormente chegou a desenvolver o teorema fundamental do Cálculo, em consequência se tornou base de várias operações do conteúdo. (SILVA, 2016)

## Conclusão(ões)/Considerações finais

O Cálculo Diferencial e Integral é uma ferramenta muito importante no mundo acadêmico, pois os conhecimentos adquiridos e gerados com suas aplicações, impactam diretamente na vida do homem contemporâneo. Deve-se conhecer um pouco da sua história, como afirma Fulini (2017, p. 52) "Conhecer a história do Cálculo e como ela se desenvolveu é participar da sua reconstrução e reconhecer seu valor para a Educação Matemática da atualidade".

A matemática faz parte da nossa história, ela foi construída ao longo dos séculos e está em constante transformação. Conhecer a história da matemática e compreender que a



12 a 14 de novembro de 2019 Salinas – Minas Gerais – Brasil



cada conteúdo construído foi de forma proposital, dependendo dos problemas da sociedade em cada época, ela não se dá pronta e acabada, seu desenvolvimento sempre teve forte influência de fatores socioculturais de cada momento histórico, desenvolvida para resolver problemas do dia a dia. Além disso os Parâmetros Curriculares Nacionais (PCN) descreve a importância da abordagem histórica na sala de aula.

Ao revelar a Matemática como uma criação humana, ao mostrar necessidades e preocupações de diferentes culturas, em diferentes momentos históricos, ao estabelecer comparações entre os conceitos e processos matemáticos do passado e do presente, o professor tem a possibilidade de desenvolver atitudes e valores mais favoráveis do aluno diante do conhecimento matemático. (BRASIL, 1997, p.45)

Assim faz se necessário ter uma breve discussão do contexto histórico do Cálculo Diferencial e Integral apresentando de forma sucinta, para que o leitor possa compreender suas origens.

# Agradecimentos

Ao IFNMG por oportunizar o evento e pelo apoio logístico.

#### Referências

EVES, Howard. **Introdução a História da Matemática**. 2. ed. São Paulo: UNICAMP, 2011.

BOYER, Carl Benjamin. **História da matemática**; tradução: Elza F. 3. Ed. Gomide. São Paulo, Edgard Blucher, 1974.

FULINI, Marcio. **História do Cálculo Diferencial e Integral**. 2017. 56f Monografia (conclusão de curso). Universidade Federal de São João Del-Rei. Disponível em: <a href="http://dspace.nead.ufsj.edu.br/trabalhospublicos/handle/123456789/86">http://dspace.nead.ufsj.edu.br/trabalhospublicos/handle/123456789/86</a> Acesso em: 7 Out. 2019

GIL, Antônio Carlos. Como elaborar projetos de pesquisa. 5. ed. São Paulo: Atlas, 2016.

SILVA, Ivo Lacerda do Nascimento. **Equalizações diferenciais**: aspectos históricos, teoria e aplicações em física. 2016. 36f. Trabalho de Conclusão de Curso (Graduação em Matemática) - Universidade Estadual da Paraíba, Monteiro, 2016

STEWART, James. **Cálculo volume 2**, tradução EZ2 Translate. São Paulo: Cengage Learning, 2013.

D'OTTAVIANO, Itala Maria Loffredo.; BERTATO, Fábio Maia. George Berkeley e os fundamentos do cálculo diferencial e integral. **Cad. Hist. Fil. Ci., Campinas, Série**, v. 4, p. 33-73, 2012.

BRASIL, Ministério de Educação e Cultura. Parâmetros Curriculares Nacionais para o Ensino Fundamental Matemática - 5<sup>a</sup> a 8<sup>a</sup> série. Brasília, SEF, 1997.